



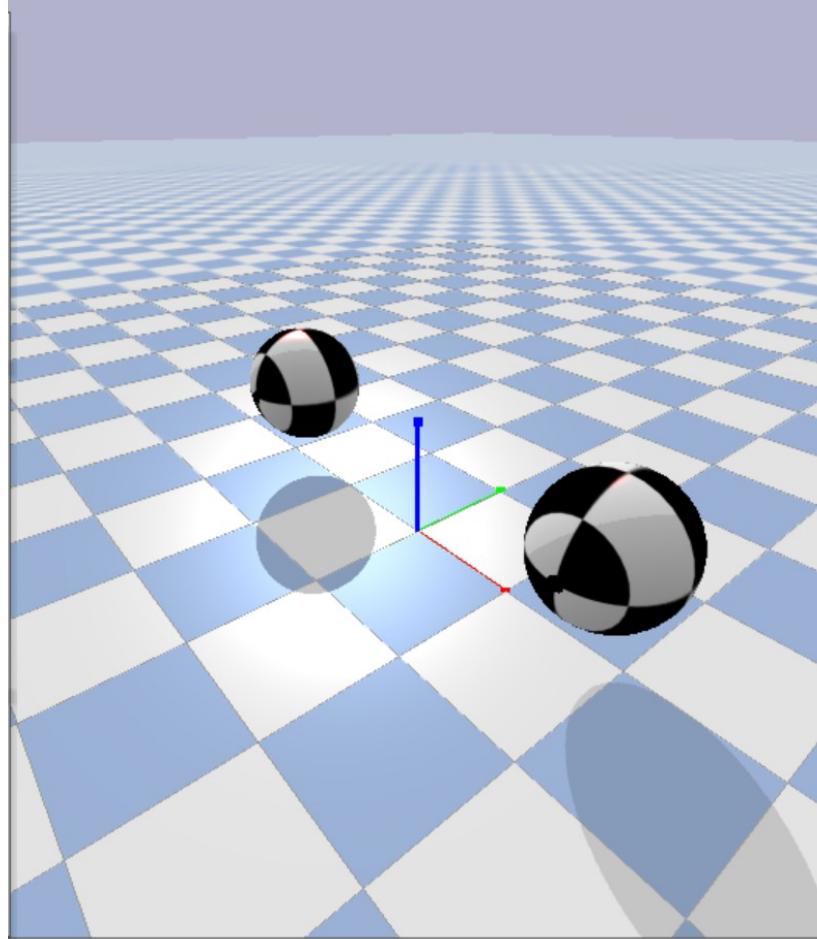
Universität Hamburg  
DER FORSCHUNG | DER LEHRE | DER BILDUNG

FAKULTÄT  
FÜR MATHEMATIK, INFORMATIK  
UND NATURWISSENSCHAFTEN

# Impulse-based Game Physics

Pascal Spethmann

03.06.2026

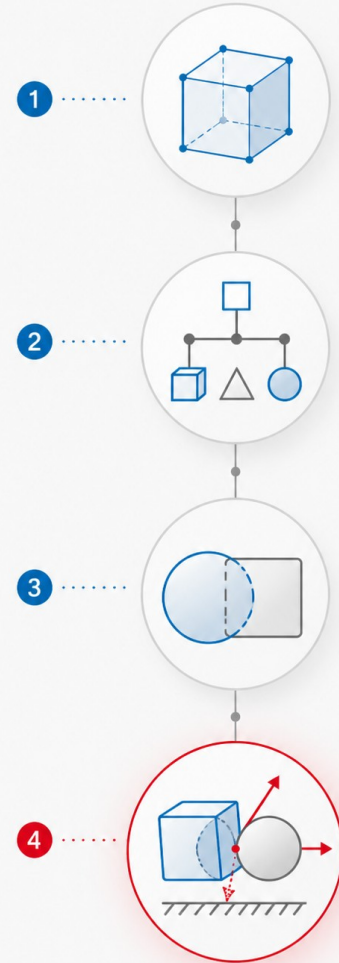


# Agenda

- 1 Einordnung
- 2 Rigid Bodies & Simulation Loop
- 3 Bewegung & Numerical Integration
- 4 Collision Detection als Grundlage
- 5 Impulse-based Collision Response
- 6 Contact Constraints, Restitution, Friction
- 7 Pybullet-Demo

# 1

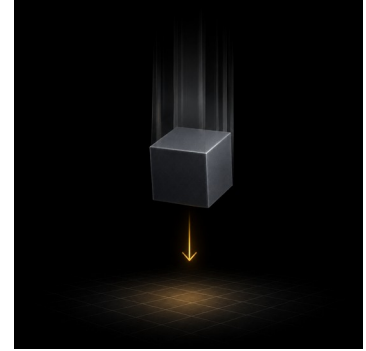
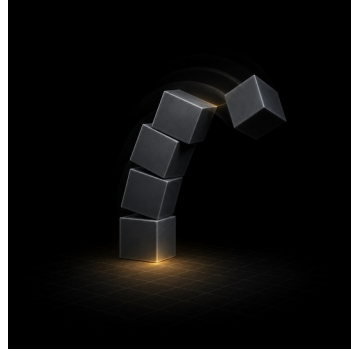
## Einordnung



# Warum Impulse-based Game Physics?

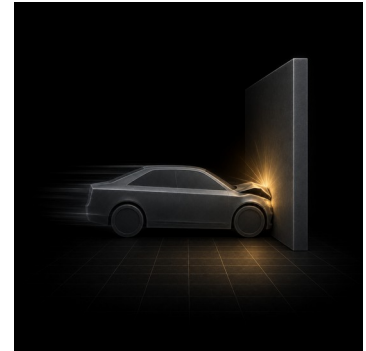
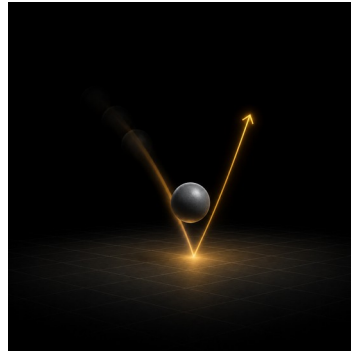
## 1. Glaubwürdigkeit

Objekte sollen sich so bewegen, wie wir es erwarten



## 2. Echtzeit

Die Simulation muss in jedem Frame schnell genug berechnet werden

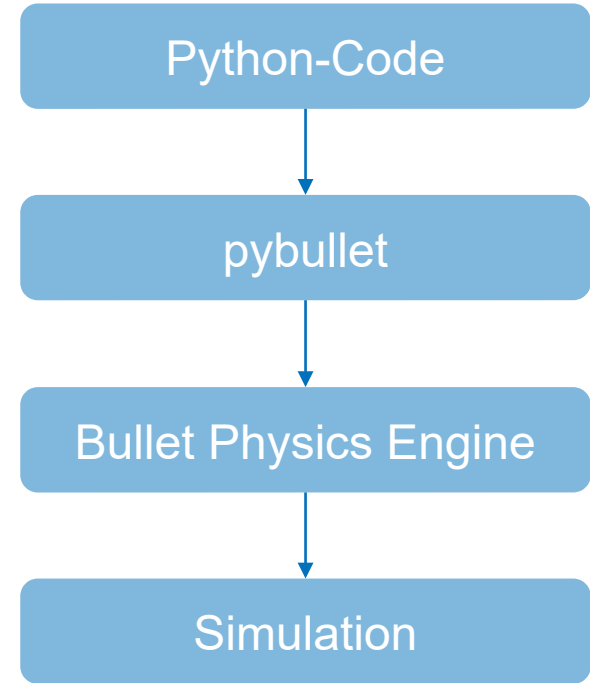


## 3. Kontrolle

Für Spiele plausibles Verhalten oft wichtiger als perfekte Physik

# Was ist Bullet?

- **Rigid Body Simulation**  
Bewegung fester Körper wie Würfel, Kugeln oder Fahrzeuge
- **Collision Detection**  
Erkennt, wann und wo Objekte miteinander kollidieren
- **Constraints**  
Verbindungen und Einschränkungen, z.B. Gelenke, Achsen oder Limits



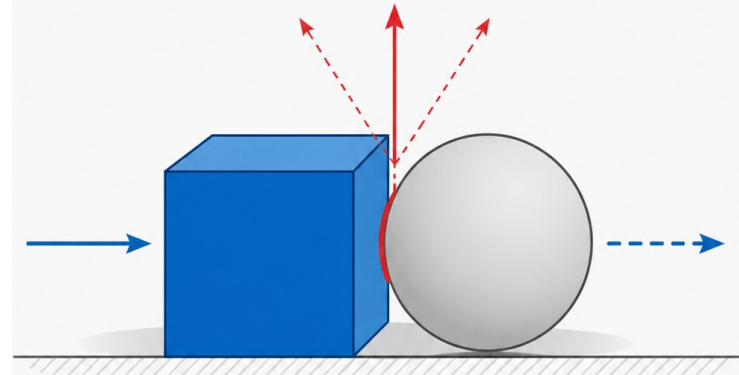
# Einordnung in den Seminarplan



**Collision Detection erkennt den Kontakt – Game Physics berechnet die Reaktion.**

# 2

## Rigid Bodies & Simulation Loop

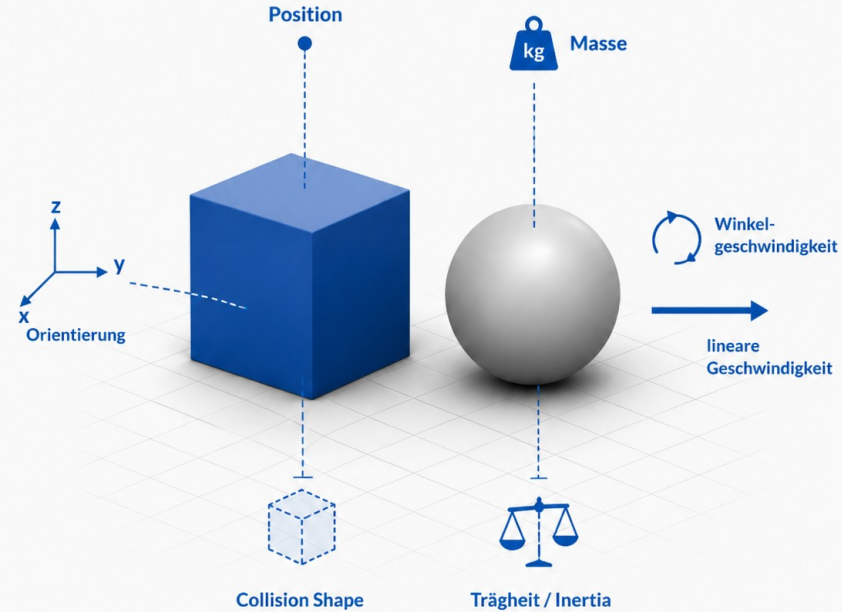


# Was ist ein Rigid Body

Ein **Rigid Body** ist ein **Körper**, der sich **nicht verformt**.

## Eigenschaften:

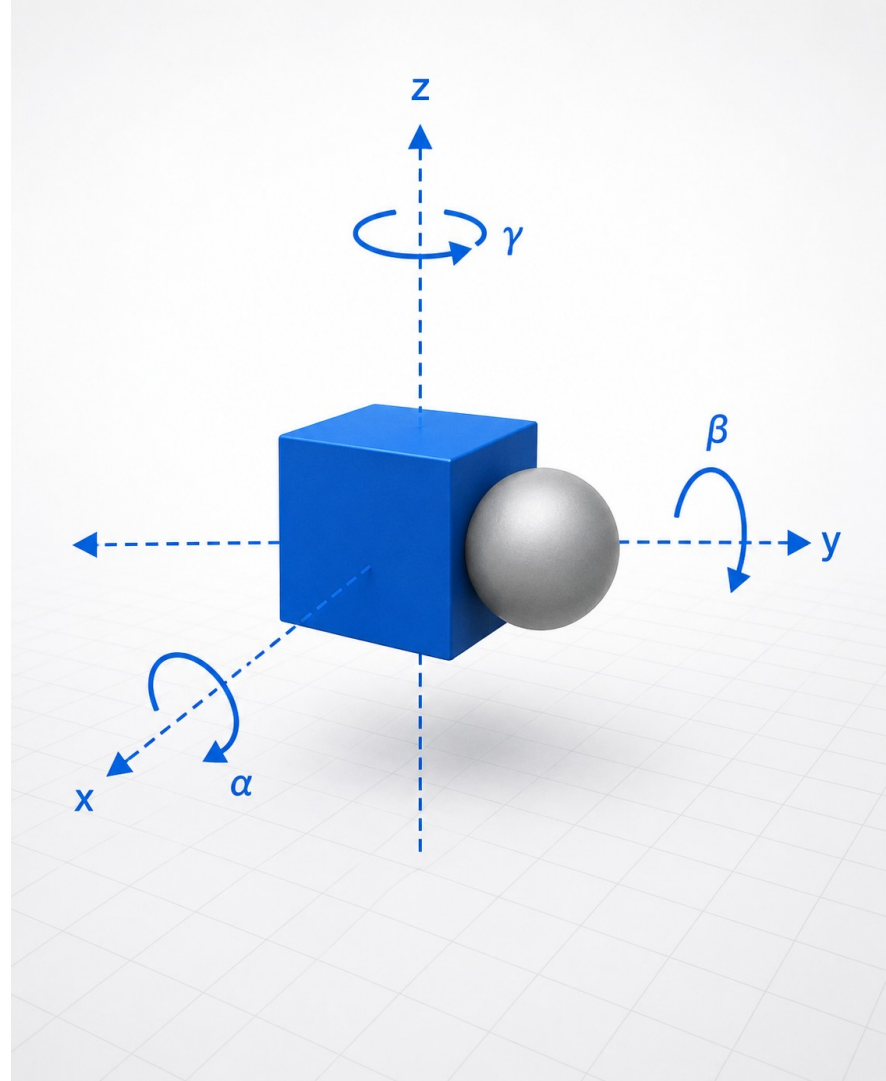
- Position
- Orientierung
- Masse
- Lineare Geschwindigkeit
- Winkelgeschwindigkeit
- Trägheit
- Collision Shape



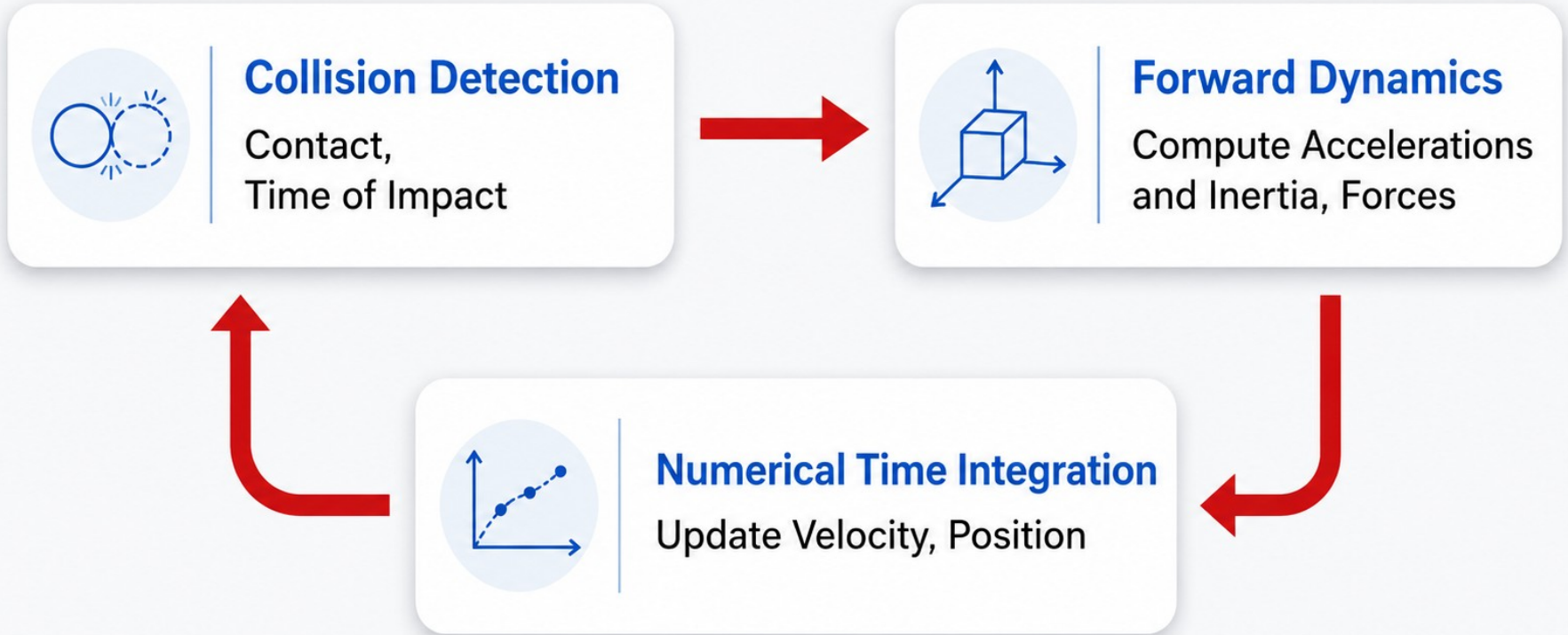
# 6 Degrees of Freedom

Ein Rigid Body in 3D hat:

- 3 Freiheitsgrade für Translation:  
x, y, z
- 3 Freiheitsgrade für Rotation:  
 $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$

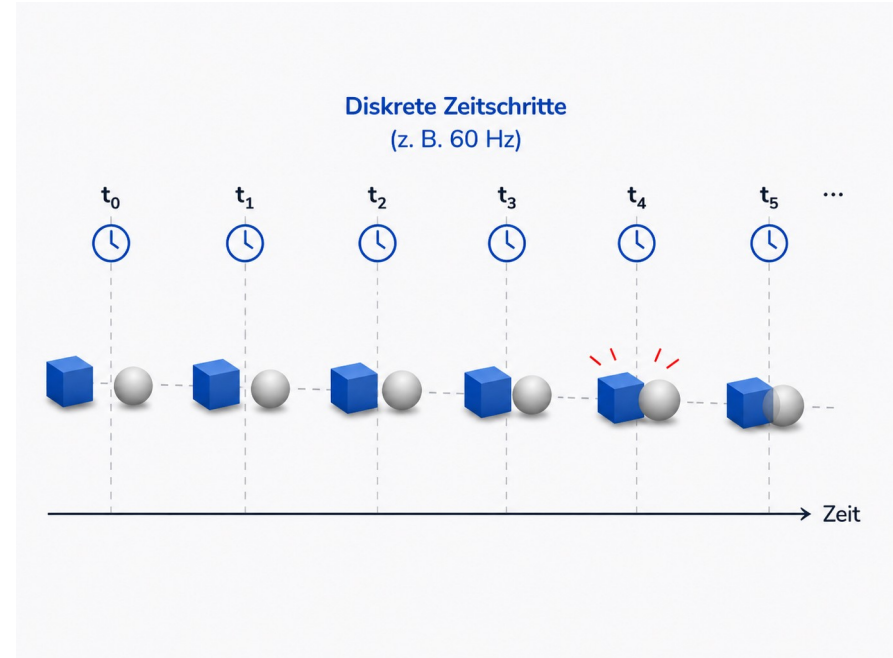


# Rigid Body Simulation Loop



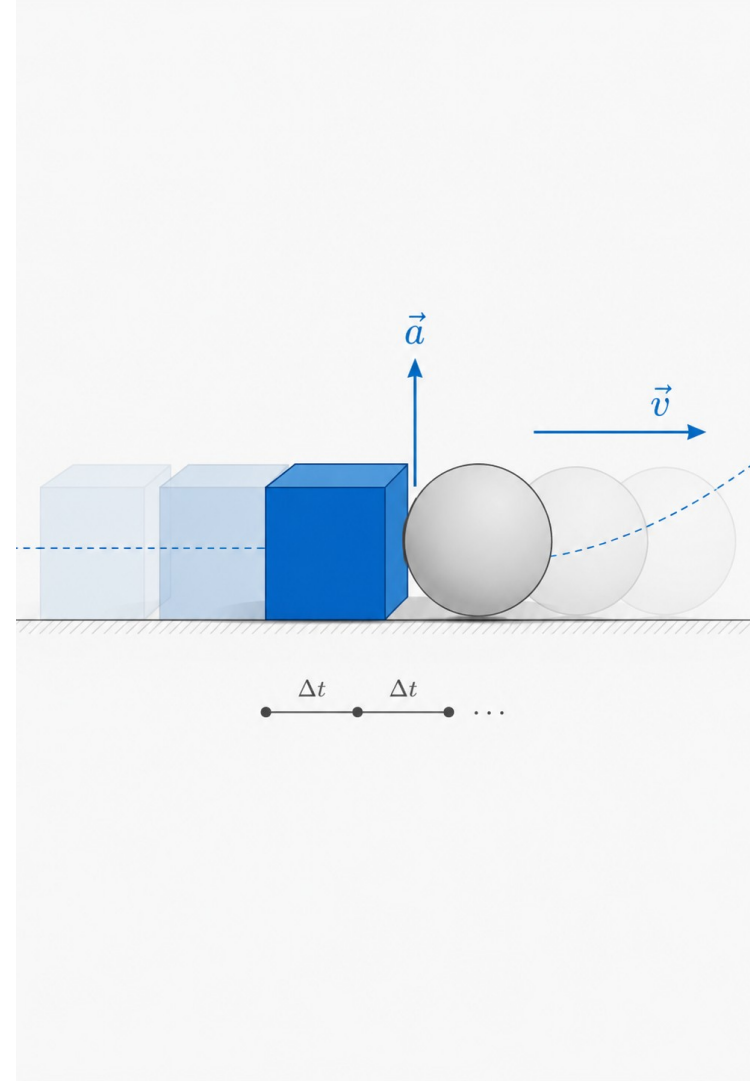
# Game Physics ist diskret

- Simulation läuft nicht kontinuierlich
- Typisch sind 60Hz, 120Hz oder 240Hz
- Pro Zeitschritt wird approximiert
- Dadurch entstehen Fehler wie Penetration



# 3

## Bewegung & Numerical Integration



# Von Kraft zu Bewegung

## Was macht die Engine:

1. Kräfte sammeln
2. Beschleunigung berechnen
3. Geschwindigkeit aktualisieren
4. Position verändern

## Grundidee:

- $F = m * a$
- $a = F / m$

# Von Newton zu Impulsen

- Newtons 2. Gesetz
- Kraft erzeugt Beschleunigung
- Beschleunigung verändert Geschwindigkeit
- Kollisionen werden als sehr kurze Kräfte modelliert

## Formeln:

- $F = m * a$
- $J = F * \Delta t$
- $J = m * \Delta v$

# Numerical Integration

## Vereinfacht:

- $\text{velocity} += \text{acceleration} * dt$
- $\text{position} += \text{velocity} * dt$

## Erklärung:

- $dt$  ist der Zeitschritt
- Geschwindigkeit ist Änderung der Position
- Beschleunigung ist Änderung der Geschwindigkeit

Beschleunigung  $a$  -> Geschwindigkeit  $v$  -> Position  $x$

# Symplectic Euler

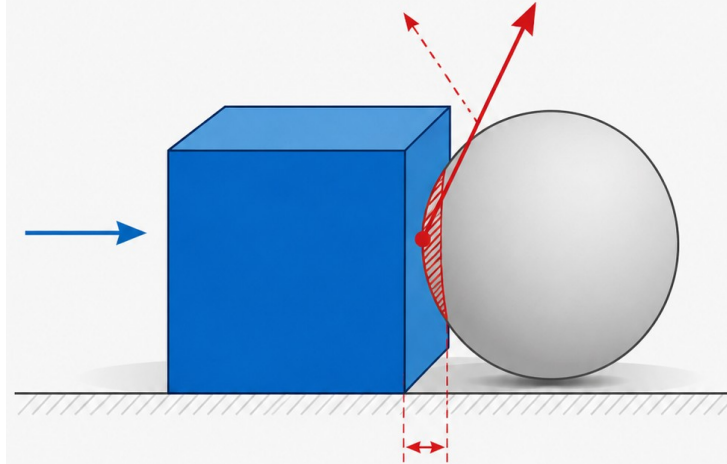
- Einfach
- Schnell
- Stabiler als explicit Euler für viele Fälle
- Gut für Echtzeit

$$v(t + dt) = v(t) + a * dt$$

$$x(t + dt) = x(t) + v(t + dt) * dt$$

# 4

## Collision Detection als Grundlage



# Collision Detection vs. Collision Response

## Collision Detection

- Berühren sich zwei Körper?
- Wo berühren Sie sich?
- Wie tief dringen sie ein?
- Was ist die Kontakt-Normale?

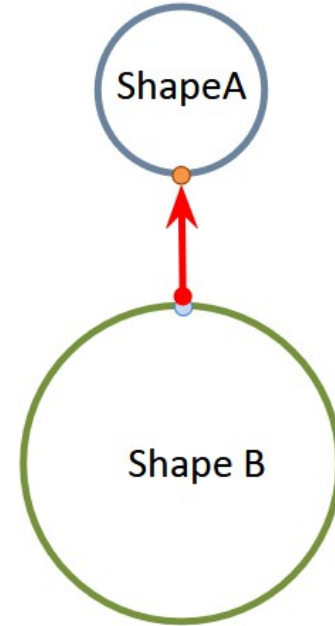
## Collision Response

- Welche Geschwindigkeiten müssen geändert werden?
- Welcher Impuls ist nötig?
- Wie stark prallt ein Körper ab?
- Wie wirkt Reibung?

# Contact Information

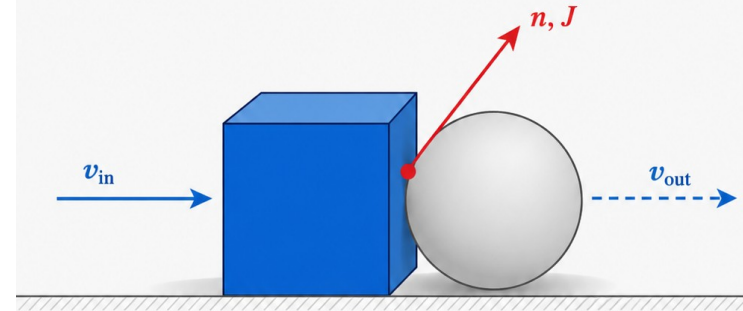
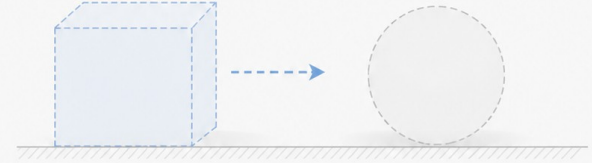
Größe	Bedeutung
point on A	Kontaktpunkt auf Körper A
point on B	Kontaktpunkt auf Körper B
normale	Trennungsrichtung
distance	Abstand oder Eindringtiefe

- $distance > 0$  : Körper sind getrennt
- $distance = 0$  : Körper berühren sich
- $distance < 0$  : Körper dringen ineinander ein



# 5

## Impulse-based Collision Response



# Von Kraft zu Bewegung

## Grundidee

Ein Impuls ist ein kurzer Stoß, der Geschwindigkeit direkt verändert.

## Formelintuition

$$\begin{aligned}\text{Impulse} &= F \cdot \Delta t \\ \text{Impulse} &= m \cdot \Delta v \\ \Delta v &= \text{Impulse} / m\end{aligned}$$

**Gleicher Impuls: leichte Körper ändern ihre Geschwindigkeit stärker als schwere Körper.**

# Conservation of Momentum (Impulserhaltung)

- Impulserhaltung beschreibt, dass der Gesamtimpuls in einem abgeschlossenen System erhalten bleibt
- Kollisionen werden mit Impulsen beschrieben

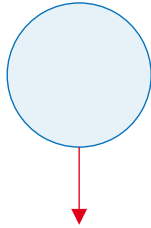
## Formeln:

- Impuls eines Körpers:  $p = m * v$
- Vor der Kollision gilt:  $p_{vor}$
- Nach der Kollision gilt:  $p_{nach}$
- Grundidee:  $p_{vor} = p_{nach}$

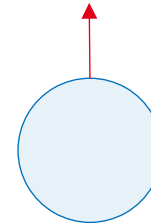
Impulserhaltung erklärt, warum Impulse in Kollisionen verwendet werden: Der Gesamtimpuls vor und nach dem Stoß bleibt erhalten

# Beispiel: Ball trifft Boden

vorher:  $v$  nach unten



nachher: Impuls nach oben



**Collision Response**

**Restitution entscheidet, ob der Ball nur stoppt oder sichtbar zurückspringt.**

# Relative Velocity

- Bestimmt ob und wie stark eine Kollision stattfindet
- $v_{rel} = (v_B - v_A) * n$
- $v_{rel} < 0$  → Körper bewegen sich aufeinander zu
- $v_{rel} > 0$  → Körper entfernen sich voneinander
- $v_{rel} = 0$  → Kein relativer Normalanteil der Geschwindigkeit

$v_A$  = Velocity of body A at Contact

$v_B$  = Velocity of body B at Contact

$n$  = Normal from A to B

# Impulsberechnung

Wie Groß muss der Impuls sein?

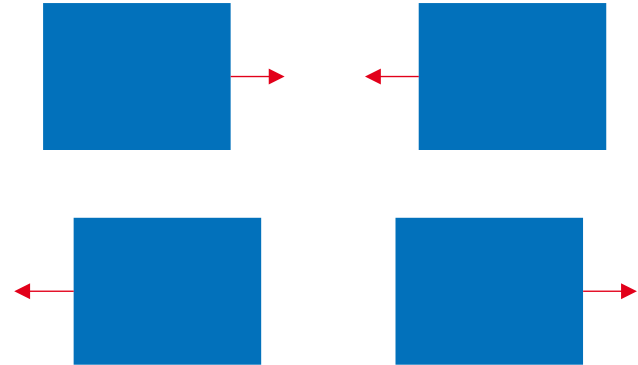
$$j = - \frac{(1 + e)(v_r * n)}{\frac{1}{m_A} + \frac{1}{m_B}}$$

- $e$  = Restitution
- $v_r$  = relative Geschwindigkeit
- $n$  = Kontakt-Normale

# Kontaktimpuls anwenden

$$v'_A = v_A - \frac{J}{m_A}$$

$$v'_B = v_B + \frac{J}{m_B}$$

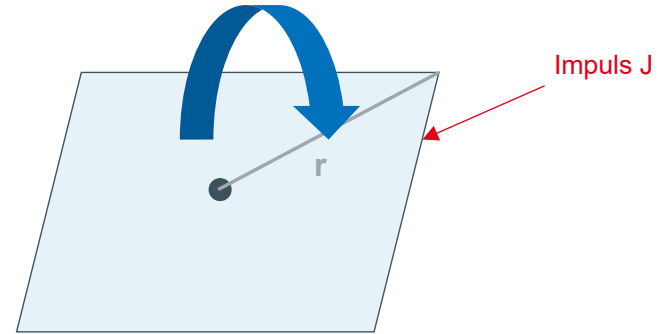


Der Kontaktimpuls wird auf beide Körper mit entgegengesetztem Vorzeichen angewendet und ändert so ihre Geschwindigkeiten

# Impuls wirkt auf Rotation

Wenn der Impuls nicht durch den Schwerpunkt geht:

- Lineare Geschwindigkeit ändert sich
- Winkelgeschwindigkeit ändert sich
- Körper beginnt zu rotieren



Ein Kontaktimpuls hat deshalb lineare und angulare Effekte.

# Impuls wirkt auf Rotation mathematisch

$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{r} * \boldsymbol{J}$$

$\tau$  = Drehmoment

$r$  = Hebelarm

$J$  = Impuls (Vektor)

$$\Delta \boldsymbol{w} = \boldsymbol{I}^{-1}(\boldsymbol{r} * \boldsymbol{J})$$

$\Delta w$  = Winkelgeschwindigkeitsänderung

$I$  = Inertiatensor (Trägheitstensor)

# Effective Mass

- Effective mass beschreibt die Geschwindigkeitsänderung pro Impuls in einer bestimmten Richtung.
- Sie hängt nicht nur von der Masse ab.
- Auch Kontaktpunkt, Trägheit und Rotation spielen eine Rolle.

$$m_{eff} = \left( \frac{1}{m} + (r * n)^T I^{-1} (r * n) \right)^{-1}$$

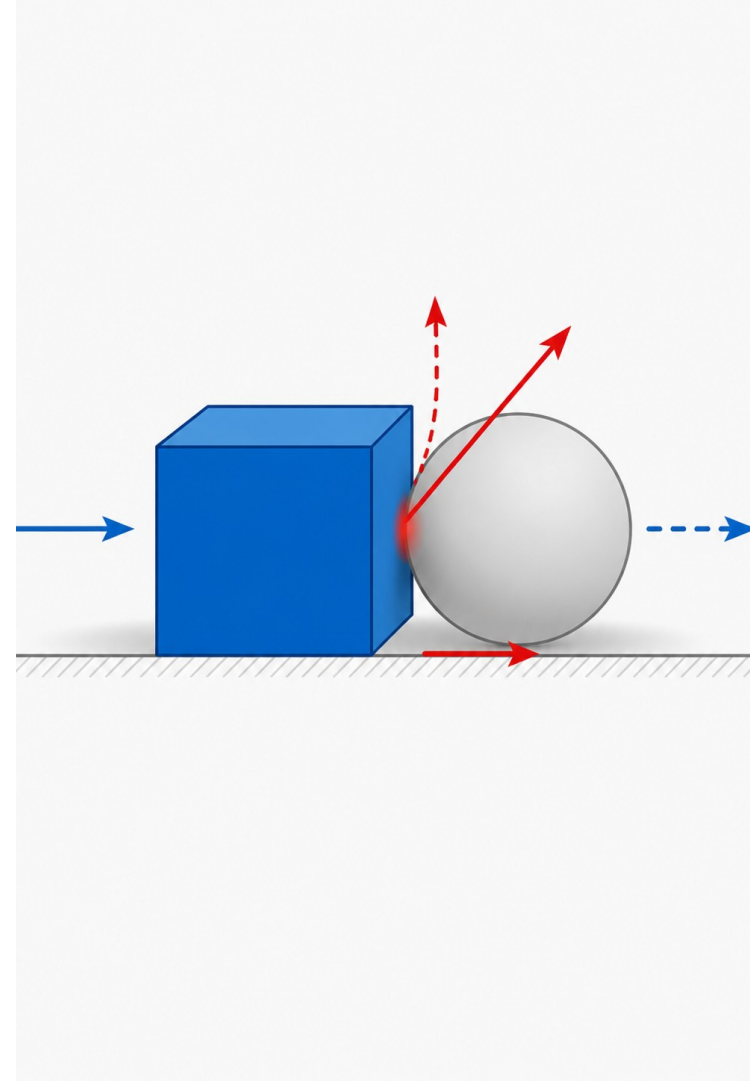
**leicht**  
großes  $\Delta v$

**schwer**  
kleines  $\Delta v$

**off-center**  
Rotation

# 6

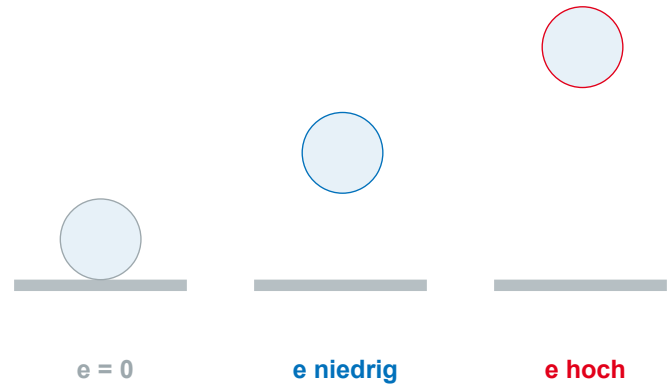
## Contact Constraints, Restitution, Friction



# Restitution: Bounciness

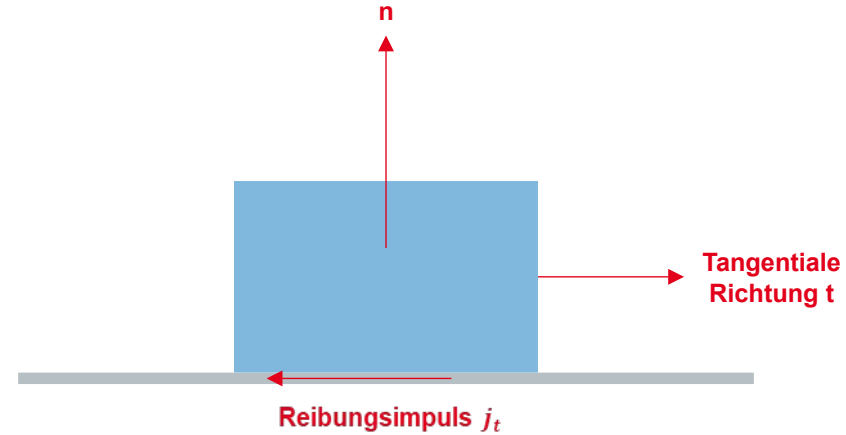
Restitution	Verhalten
0	Kein Abprallen
niedrig	Körper springt kaum
hoch	Körper springt stark zurück

- Je größer die Restitution  $e$ , desto stärker prallt ein Körper zurück



# Friction

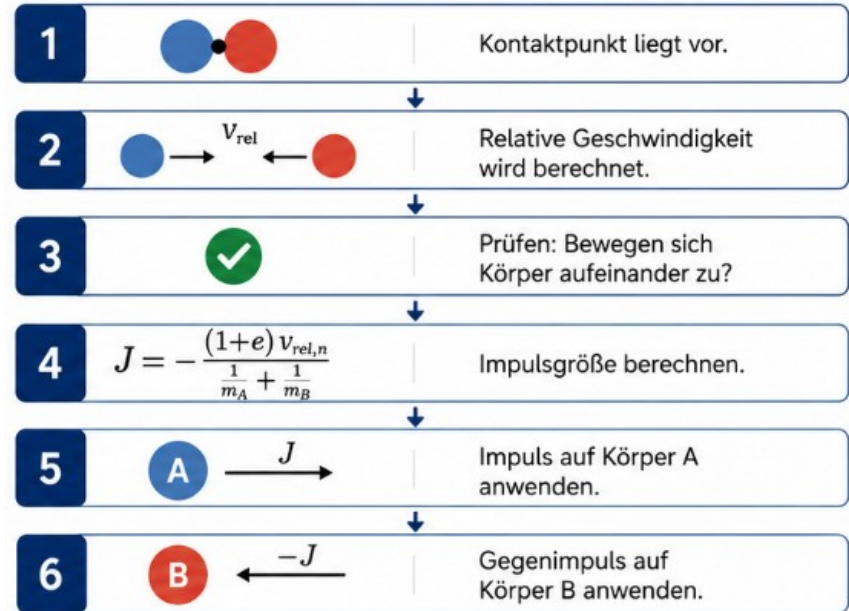
- Reibung wirkt tangential zur Kontaktfläche
- Reduziert Rutschen und Beeinflusst Stapelstabilität
- Wichtig für Fahrzeuge, Charaktere, Kisten
- Coulomb-Grenze:  $|j_t| \leq \mu * j_n$



# Single Collision Solver

## Vereinfachter Ablauf:

1. Kontaktpunkt liegt vor
2. Relative Geschwindigkeit wird berechnet.
3. Prüfen: Bewegen sich Körper aufeinander zu?
4. Impulsgröße berechnen.
5. Impuls auf Körper A anwenden.
6. Gegenimpuls auf Körper B anwenden.



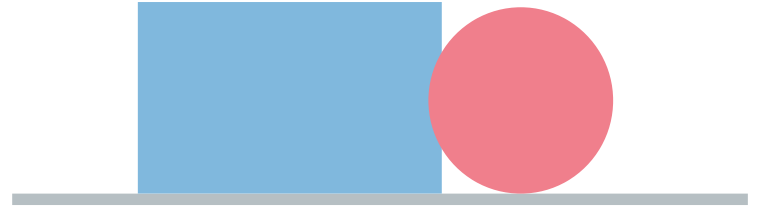
# Penetration Correction

## Problem:

- Diskrete Zeitschritte führen zu Eindringung
- Körper können leicht ineinander liegen -> Korrektur nötig

## Methoden:

- Baumgarte Stabilization
- Split Impulse
- Coordinate Projection



# Sequential Impulse Solver

for iteration = 1..10  
für jeden Kontakt:  
relative velocity berechnen  
Impuls berechnen  
Impuls anwenden

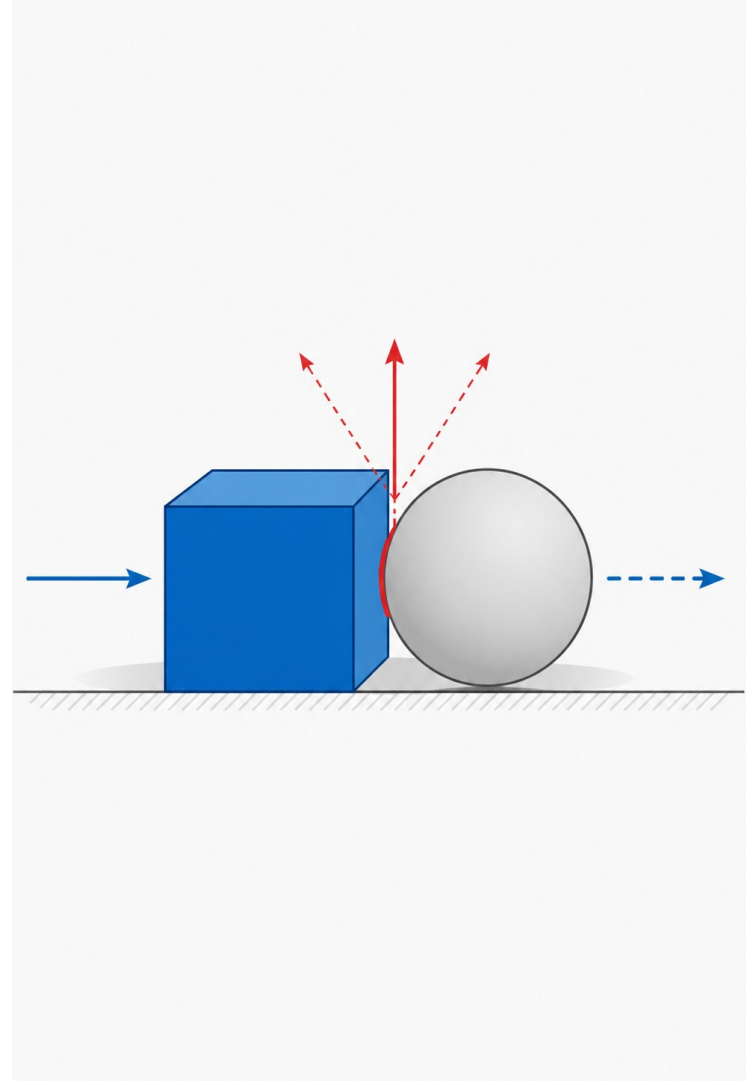
- Bullet benutzt keine exakten Solver
- Kontakte werden iterativ gelöst
- Mehr Iterationen = höhere Genauigkeit

# Bullet Physics Pipeline

1. `applyGravity()` - Kräfte Anwenden
2. `integrateVelocities()` - Geschwindigkeiten aktualisieren
3. `collisionDetection()` - Kollisionen erkennen
4. `generateContacts()` - Kontaktpunkte erzeugen
5. `Solve Constraints()` - Kontakte / Impulse lösen
6. `integrateTransforms()` - Positionen und Rotation aktualisieren

# 7

## pybullet Demo



# Zusammenfassend / Ausblick

1. Keine Perfekte Realität
2. Kollisionen werden über kurze Impulse gelöst
3. Besserer Solver für komplexe Kontakte
4. Mehr Bedeutung durch VR, Robotik und realistischere Spielwelten

# Quellen

- Erwin Coumans: Bullet Physics Simulation - Introduction to rigid body dynamics and collision detection, SIGGRAPH 2015.
- Bullet Physics SDK / bullet3: Dokumentation und Example Browser.
- pybullet Quickstart Guide: Python-API, GUI, Simulation Steps, URDF-Beispiele.
- Erin Catto: Numerical Methods und Constraint Solving in Game Physics.
- Gino van den Bergen: Collision Detection in Interactive 3D Environments.
- OpenAI / ChatGPT: KI-generierte Bilder zu Impuls, Kollision, Reibung und starren Körpern. Erstellt durch eigene Prompts für diese Präsentation, 2026.