



Aufgabenblatt 6 Ausgabe: 23.11., Abgabe: 30.11. 24:00

Gruppe	
Name(n)	Matrikelnummer(n)

Aufgabe 6.1 (Punkte 5+10+10+10)

Radix-50 Codierung: In den Urtagen der Informatik, als Speicher noch sehr teuer war, wandte die Firma DEC (Digital Equipment Corporation) folgendes Verfahren an, um Zeichenketten komprimiert im Speicher ablegen zu können:

1. Wie man sieht, wurde damals sogar nur ein Subset des ASCII-Codes mit 40 Zeichen benutzt. Zunächst wurden die Zeichen nach folgender Tabelle in 6-bit codiert.

Bits 5...3	2...0							
	000	001	010	011	100	101	110	111
000	space	A	B	C	D	E	F	G
001	H	I	J	K	L	M	N	O
010	P	Q	R	S	T	U	V	W
011	X	Y	Z	\$.	%	0	1
100	2	3	4	5	6	7	8	9

Beispielsweise würde der Buchstabe „Q“ zu 010001_2 umcodiert.

2. Im zweiten Schritt wird nach der Formel $rad50 = 40^2 \cdot c_1 + 40 \cdot c_2 + c_3$ aus jeweils drei umcodierten Buchstaben b_i ein 16-bit Wert gemacht, der dann abgespeichert wurde. Die Bezeichnung *Radix-50* kommt wegen der Beziehung $40_{10} = 50_8$.
 - (a) Wie würde die Zeichenkette „CR7“ in der Radix-50 Darstellung codiert werden? Geben Sie das Ergebnis bitte als Hexadezimalzahl an.
 - (b) Ersetzen Sie in obiger Formel die Multiplikationen durch Schiebeoperationen und Additionen und schreiben Sie eine möglichst einfache Java-Funktion die Ihre neue Formel implementiert. Dass in Java der Typ `int` 32-bit hat, soll uns dabei nicht weiter stören.

```
int rad50_encode (int c1, int c2, int c3)    // drei Zeichen
{
    ...
}
```

- (c) Beschreiben Sie (textuell, ein Programm ist nicht nötig), wie man aus der Radix-50 Darstellung, wieder die drei darin codierten Buchstaben zurückgewinnen kann.
- (d) Welche Buchstaben sind in den Radix-50 Werten $737A_{16}$ und 0520_{16} codiert?

Aufgabe 6.2 (Punkte 5+5+5+5)

Shift-Operationen statt Multiplikation: Ersetzen Sie die folgenden Berechnungen *möglichst effizient* durch eine Folge von Operationen: \ll , $+$, $-$. Nehmen Sie für die Variablen x und y den Datentyp `int` (32-bit Zweierkomplementzahl) an.

- (a) $y = 18 \cdot x$
- (b) $y = 14 \cdot x$
- (c) $y = -56 \cdot x$
- (d) $y = 62 \cdot (x + 2)$

Aufgabe 6.3 (Punkte 5+5+10+10)

Logische- und Shift-Operationen: Realisieren Sie, die folgenden Funktionen als *straightline*-Code in Java, das heißt ohne Schleifen oder If-Else Abfragen, bzw. ternärer Operator $.. ? .. : ...$. Außerdem dürfen nur einige der logischen und arithmetischen Operatoren benutzt werden:

`! ~ & ^ | + << >> >>>`

Alle Eingabeparameter und Rückgabewerte sind jeweils (32-bit) Integerwerte.

- (a) `bitNor(x,y)` Diese Funktion soll das bitweise NOR liefern: $\overline{x_i \vee y_i}$. Als Operatoren dürfen nur `&` und `~` (AND, Negation) benutzt werden.
- (b) `bitXor(x,y)` Diese Funktion soll die bitweise XOR-Verknüpfung (Antivalenz) realisieren: $x_i \neq y_i$. Als Operatoren dürfen nur `&` und `~` (AND, Negation) benutzt werden.
- (c) `getByte(x,n)` Diese Funktion soll das Byte n ($0 \leq n \leq 3$) aus dem Wert x extrahieren.
- (d) `rotateRight(x,n)` Die Funktion soll den in Java nicht vorhandenen Rotate-Right Operator für x nachbilden. Für das zweite Argument n gilt: $0 \leq n \leq 31$.

Aufgabe 6.4 (Punkte 5+5+5)

Codierung: Für eine Messung soll ein einschrittiger Binärcode entwickelt werden, der 11 Elemente umfasst.

- (a) Entwickeln Sie den Code aus einem KV-Diagramm heraus. (Diagramm mit abgeben)
- (b) Warum kann der Code aus (a) nicht zyklisch-einschrittig sein?
- (c) Geben Sie einen zyklisch-einschrittigen Code mit 12 Codewörtern an. Benutzen Sie dazu das rekursive Verfahren aus der Vorlesung.